

۱۴۱

A

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه
۱۳۹۴/۱۲/۱۴



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی (ره)»

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکز) – سال ۱۳۹۵

مهندسی صنایع (کد ۲۳۰۹)

مدت پاسخگویی: ۱۲۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۰

عنوان دروس اختصاصی، تعداد و شماره سوال‌ها

ردیف	دروس اختصاصی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مبانی آمار و احتمال، تحقیق در عملیات ۱ و ۲، طرح‌ریزی و کنترل تولید و موجودی	۴۰	۱	۴۰

این آزمون نمره منفی دارد.
استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تعابی اشخاص حلبیانی و حلقوی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برای مقررات رفتار می‌شود.

مبانی آمار و احتمال:

- ۱- به چند طریق می‌توان ارقام ۱ تا ۵ را کنار هم قرار داد به نحوی که رقم ۵ قبل از ارقام ۳ و ۴ ظاهر شود؟

- (۱) ۲۴
 (۲) ۴۰
 (۳) ۶۰

- ۲- یک مولد اعداد تصادفی هر بار یک عدد تصادفی را با احتمال مساوی از بین اعداد ۹، ۲، ..., ۱، ۰ انتخاب می‌کند. احتمال اینکه بعد از انتخاب n عدد ($1 < n$)، حاصل ضرب اعداد انتخاب شده بر 10 بخشیدیر باشد، چقدر است؟

$$1 - \left(\frac{8}{9}\right)^n - \left(\frac{8}{9}\right)^n + \left(\frac{4}{9}\right)^n \quad (2)$$

$$1 - \left(\frac{8}{9}\right)^n - \left(\frac{8}{9}\right)^n + \left(\frac{4}{11}\right)^n \quad (4)$$

$$1 - \left(\frac{4}{9}\right)^n \quad (1)$$

$$\left(\frac{4}{45}\right)^n \quad (3)$$

- ۳- ده مقاومت سالم و پنج مقاومت ناسالم را به صورت سری و به تصادف می‌بندیم. می‌دانیم اگر دو مقاومت ناسالم کنار هم قرار بگیرند، مدار کار نخواهد کرد. احتمال کار کردن مدار، کدام است؟

$$\begin{pmatrix} 10 \\ 5 \end{pmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{pmatrix} 11 \\ 6 \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{pmatrix} 15 \\ 5 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{3} \quad (4)$$

$$1 - \left(\frac{2}{3}\right)^5 \quad (3)$$

- ۴- در یک کارخانه $\frac{2}{3}$ افراد از کلاه ایمنی استفاده می‌کنند. تعداد حوادث برای افرادی که از کلاه ایمنی استفاده می‌کنند دارای توزیع پواسون با نرخ یک اتفاق در سال و برای افرادی که از کلاه ایمنی استفاده نمی‌کنند دارای توزیع پواسون با نرخ ۳ اتفاق در سال است. چند درصد از افرادی که در سال حادثه‌ای ندارند، از کلاه ایمنی استفاده می‌کنند؟

$$\frac{2e^3}{2e^3 + e^3} \quad (2)$$

$$\frac{2e^3}{2e^3 + 1} \quad (1)$$

$$\frac{2e}{2e + 1} \quad (4)$$

$$\frac{2}{2 + e^2} \quad (3)$$

- ۵- احتمال موفقیت در یک آزمایش تصادفی $1/0$ است. انحراف معیار تعداد آزمایش‌های لازم تا رسیدن به دهمین موفقیت مشروط به اینکه بدانیم ۵ آزمایش اول با شکست مواجه شده است، چقدر است؟

- (۱) ۱۰۵
 (۲) ۹۰
 (۳) ۳۰
 (۴) ۲۵

- ۶- یک رشته باینری با طول n را در نظر بگیرید که شامل ۳ مقدار یک و $3 - n$ مقدار صفر است. اگر صفرها و یک‌ها به صورت تصادفی در این رشته باینری کنار هم قرار گرفته باشند، امید ریاضی موقعیت دومین عدد یک در طول این رشته باینری کدام است؟

$$\frac{n}{2} + 1 \quad (2)$$

$$\frac{n}{2} \quad (4)$$

$$\frac{2}{3}n \quad (1)$$

$$\frac{n+1}{2} \quad (3)$$

- ۷ فرض کنید رابطه بین متغیرهای تصادفی X, Y به صورت $E\left(\frac{Y}{X}\right) = \gamma X$ باشد و مشاهدات $(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_n, Y_n)$ اخذ شده باشد.

اگر فرض کنیم y_i ها متغیرهای تصادفی مستقل با تابع توزیع احتمال:

$$f_Y(y) = \frac{1}{\gamma X} e^{-y/\gamma X}; y > 0$$

باشد، برآورد کننده γ طبق روش MLE کدام است؟

$$\begin{array}{ll} \sum_{i=1}^n x_i & \sum_{i=1}^n x_i y_i \\ \sum_{i=1}^n x_i y_i & \sum_{i=1}^n x_i^2 \\ \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(\frac{x_i}{y_i} \right) & \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(\frac{y_i}{x_i} \right) \end{array}$$

- ۸ یک شرکت دارو پخش مدعی شده است که مصرف یک نوع دارو در فضول پاییز و زمستان دو برابر فضول بهار و تابستان است. در یک بررسی آماری مصرف داروی مورد نظر در فضول مختلف، اطلاعات زیر حاصل شده است. مقدار آماره آزمون فرض مورد ادعای شرکت، کدام است؟

بهار	تابستان	پاییز	زمستان
۵۵	۴۵	۹۰	۱۱۰

$$\begin{array}{ll} ۳/۵ & ۳/۰ \\ ۴/۵ & ۴/۰ \end{array}$$

- ۹ فرض کنید در یک مدل رگرسیون خطی ساده، معادله بازاش شده $\hat{y} = 2x + 3$ ، $(\bar{x}, \bar{y}) = (2, 5)$ باشد. اگر مدل رگرسیون خطی x بر حسب y را بنویسیم، مقدار \hat{x} به ازای $y = 1$ کدام است؟

$$\begin{array}{ll} \frac{8}{11} & \frac{8}{13} \\ \frac{12}{8} & \frac{11}{8} \end{array}$$

- ۱۰ در یک مدل رگرسیون خطی ساده، ضریب همبستگی نمونه‌ای $r^2 = 0.9$ به دست آمده است. اگر $SSE = \sum (y_i - \bar{y})^2 = 19$ باشد، مقدار $S_y^2 = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$ کدام است؟

$$\begin{array}{ll} 100 & 81 \\ 118 & 110 \end{array}$$

- ۱۱- فرض کنید رابطه بین دو کمیت فیزیکی Z و W به صورت $W^c = Z$ باشد. اگر در پنج تکرار یک آزمایش نتایج زیر پهدهست آمده باشد، برآورد نقطه‌ای پارامتر C کدام است؟

W	0.001	0.1	1	100	$100\sqrt{10}$
Z	$\frac{1}{\sqrt{10}}$	1	$\sqrt{10}$	1000	10000

- ۱۲- بر اساس نمونه‌های تصادفی ۴ تایی از ۳ جامعه نرم‌ال، اطلاعات زیر به دست آمده است:

$$\bar{X}_1 = 11^\circ, \bar{X}_2 = 10^\circ, \bar{X}_3 = 12^\circ, S_1^2 = 18^\circ, S_2^2 = 22^\circ, S_3^2 = 10^\circ$$

- ۴) مقدار آماره آزمون فرض برابری میانگین‌های جوامع، کدام است؟

۱) ۲) ۳) ۴)

٢٩١ : عمليات دو تحقيقات

- ### -۱۳- در مسئله برنامه‌ریزی خطی زیر:

$$\begin{aligned} \text{Max } z &= \sum_{j=1}^n c_j x_j, \\ \text{s.t. } & \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq 0 \quad i = 1, 2, \dots, m \\ & x_j \geq 0 \quad j = 1, 2, \dots, n \end{aligned}$$

کدام حواب درست است؟

- (۱) مسئله یا دارای جواب بی کران و یا دارای جواب بهینه صفر است.
 - (۲) مسئله دارای جواب بی کران است و نقطه بهینه محدود ندارد.
 - (۳) مسئله دارای جواب بهینه محدود و غیر صفر است.
 - (۴) مسئله دارای جواب موحده نیست.

- ۱۴ برای حل مدل ریاضی زیر به روش سیمپلکس برای متغیرهای کران‌دار با معروفی متغیرهای کمبود S_3, S_2, S_1 جدول متعارف اولیه را تشکیل می‌دهیم. حال اگر ابتدا x_1 را ورودی به پایه بگیرید، در جدول بعدی متغیرهای پایه، برابر کدام است؟

$$\begin{array}{ll} \text{Max } & z = 3x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 \\ \text{s.t. } & 2x_1 - x_2 + x_3 - 2x_4 \leq 18 \\ & -x_1 + x_2 - 2x_3 + 3x_4 \leq 18 \\ & 3x_1 + x_2 - x_3 \leq 18 \\ & 0 \leq x_1 \leq 5 \\ & 2 \leq x_2 \leq 4 \\ & 0 \leq x_3 \leq 9 \\ & 1 \leq x_4 \leq 2 \end{array}$$

 S_3, S_2, X_1 (۱) S_3, S_2, S_1 (۲) X_1, S_2, S_1 (۳) S_3, X_1, S_1 (۴)

- ۱۵ مدل زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{array}{ll} \text{Max } & g(x_1) + g(x_2) + g(x_3) \\ \text{s.t. } & x_1 + x_2 + x_3 = b \quad (b > 0) \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{array}$$

$g(x)$ یک تابع محدب فرض می‌شود.

- مسئله با برنامه‌ریزی پویا و به صورت برگشت به عقب حل شده است. j مقدار وضعیت در ابتدای مرحله j ام است. مقدار تابع ارزش در آخرین مرحله، کدام است؟

 $g(\beta_3)$ (۱) $g(\beta_2) + g(\beta_3) + g(\beta_1)$ (۲) $g(\beta_3) + 2g(0)$ (۳) $g(\beta_2 + 2g(0))$ (۴)

- ۱۶ در تابع سه متغیره $f(x_1, x_2, x_3) = 2x_1 x_2 x_3 - 4x_1 x_2 - 2x_2 x_3 + x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 - 2x_1 - 4x_2 + 4x_3$ گزینه درست، کدام است؟

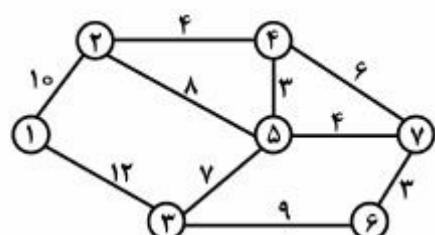
(۱) نقطه $(-1, -1, -1)$ نقطه مینیم کلی (Global) تابع است.

(۲) نقطه $(0, 0, 0)$ نقطه مینیم کلی (Global) تابع است.

(۳) نقطه $(0, 1, -1)$ نقطه مینیم کلی (Global) تابع است.

(۴) نقطه $(1, 2, 0)$ نقطه مینیم کلی (Global) تابع است.

- ۱۷ شبکه زیر را که در آن کمان‌ها دوطرفه‌اند در نظر بگیرید. طول کوتاه‌ترین درخت گسترش، برابر کدام است؟



۲۵ (۱)

۲۸ (۲)

۳۱ (۳)

۳۲ (۴)

- ۱۸ - کدام گزینه، معادل فرم خطی عدد صحیح مدل ریاضی P است؟

$$P : \text{Max } z = t.x_1 - r.x_2$$

s.t.

$$rx_1 + rx_2 \leq 25$$

$$x_i \geq 0, t \in \{0, 1\}$$

$$\text{Max } z = U.x_1 - r.x_2$$

s.t.

$$\begin{aligned} U + M(1-t) &\leq x_1 \leq U + M(1-t) \\ -Mt &\leq U \leq Mt \end{aligned} \quad (1)$$

$$rx_1 + rx_2 \leq 25$$

$$x_i \geq 0; t, U \in \{0, 1\}$$

$$\text{Max } z = U - rx_2$$

s.t.

$$rx_1 + rx_2 \leq 25$$

$$U - M(1-t) \leq x_1 \leq U + M(1-t) \quad (2)$$

$$U \leq Mt$$

$$U, x_i \geq 0, t \in \{0, 1\}$$

$$\text{Max } z = U - rx_2$$

s.t.

$$\begin{aligned} rx_1 + rx_2 &\leq 25 \\ -U &\leq x_1 \leq U \end{aligned} \quad (3)$$

$$t.x_1 - rx_2 \leq M(1-t)$$

$$U, x_i \geq 0; t \in \{0, 1\}$$

$$\text{Max } z = U - rx_2$$

s.t.

$$rx_1 + rx_2 \leq 25$$

$$-U - Mt \leq x_1 \leq U + Mt \quad (4)$$

$$U \leq M(1-t)$$

$$U, x_i \geq 0, t \in \{0, 1\}$$

-۱۹ فرض کنید در حل یک مدل برنامه‌ریزی با اعداد صحیح از تکنیک صفحات برش استفاده می‌کنیم. برش

$$\frac{5}{8}x_1 + \frac{3}{4}x_2 \geq \frac{2}{5}$$

$$\frac{5}{8}x_1 + \frac{1}{2}x_2 \geq \frac{1}{5} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3}x_1 + \frac{2}{3}x_2 \geq \frac{1}{5} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4}x_1 + \frac{5}{6}x_2 \geq \frac{2}{3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2}x_1 + \frac{3}{5}x_2 \geq \frac{3}{4} \quad (3)$$

-۲۰ اگر در یک مسئله برنامه‌ریزی خطی \mathbf{c} ضرایب تابع هدف باشد:

(۱) اگر برای تمام جهت‌های دورشونده داشته باشیم $\mathbf{cd} = \mathbf{0}$, مسئله جواب بهینه چندگانه خواهد داشت.

(۲) اگر برای حداقل یک جهت دورشونده رأسی مانند \mathbf{d} داشته باشیم $\mathbf{cd} < \mathbf{0}$, آنگاه مسئله جواب نامتناهی خواهد داشت.

(۳) اگر مسئله جواب نامتناهی داشته باشد، جهت دورشونده‌ای وجود خواهد داشت (مانند \mathbf{d}) که $\mathbf{cd} \neq \mathbf{0}$ باشد.

(۴) اگر برای تمام جهت‌های دورشونده (\mathbf{d}) داشته باشیم $\mathbf{cd} > \mathbf{0}$, مسئله جواب نامتناهی خواهد داشت.

$$\text{Min } \mathbf{z} = \mathbf{c}\mathbf{x}$$

-۲۱ مسئله برنامه‌ریزی خطی $\mathbf{Ax} \leq \mathbf{b}$ را در نظر بگیرید.
 $\mathbf{x} \geq \mathbf{0}$

اگر دستگاه همگن نامعادلات تعريف‌کننده فضای شدنی دارای جواب بزرگ‌تر از صفر باشد، آنگاه:

(۱) تابع هدف کران‌دار، اما در مورد فضای جواب نمی‌توان اظهارنظر کرد.

(۲) فضای جواب بی‌کران، ولی در مورد مقدار تابع هدف بهینه نمی‌توان اظهارنظر کرد.

(۳) فضای جواب بی‌کران و مقدار بهینه تابع هدف هم نامتناهی است.

(۴) فضای جواب کران‌دار و تابع هدف هم کران‌دار است.

-۲۲ مسئله زیر را در نظر بگیرید:

$$\text{Min } f(\mathbf{x}) = x_1^T - x_1^T x_2 + 2x_2^T$$

$$\text{s.t. } x_1, x_2 \geq \mathbf{0}$$

$$\text{در مورد نقطه } \bar{\mathbf{x}} = \begin{pmatrix} 6 \\ 9 \end{pmatrix} \text{ چه می‌توان گفت؟}$$

(۱) این نقطه $(\bar{\mathbf{x}})$ یک می‌نیم مطلق برای $f(\mathbf{x})$ است.

(۲) این نقطه $(\bar{\mathbf{x}})$ یک می‌نیم نسبی برای $f(\mathbf{x})$ است.

(۳) شرایط لازم مرتبه اول در مورد $(\bar{\mathbf{x}})$ صدق می‌کند.

(۴) شرایط لازم مرتبه دوم در مورد $(\bar{\mathbf{x}})$ صدق می‌کند.

۲۳ - مسئله زیر مفروض است:

 $\text{Min } z = y$

$$\begin{cases} y - cx = 0 \\ Ax = b \\ x \geq 0, y \end{cases}$$

در جواب بهینه این مسئله، چه می‌توان گفت؟

(۱) مقدار تمام متغیرهای دوگان می‌توانند منفی باشند.

(۲) مقدار متغیر دوگان محدودیت اول، برابر یک است.

(۳) مقدار متغیر دوگان محدودیت اول، حتماً مقداری منفی است.

(۴) مقدار متغیر دوگان محدودیت اول می‌تواند مقداری مثبت یا منفی باشد.

۲۴ - جدول مربوط به مسئله برنامه‌ریزی خطی از نوع ماکریم کردن که با روش سیمپلکس محدودشده، حل می‌شود به صورت زیر است. اگر x_1 در حد بالای خود و x_4, x_5 در حد پایین خود غیر پایه باشند، مقدار تابع هدف مرحله

بعد، کدام است؟

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	
Z	1	0	5	3	0	8
x_2	1	1	1	1	0	2
x_5	-1	0	2	-1	1	5

$x_1 \leq 6$
 $-2 \leq x_2 \leq 6$
 $2 \leq x_3$
 $0 \leq x_4$
 $0 \leq x_5$

۱۳ (۴) ۱۲ (۳) ۱۰ (۲) ۶ (۱)

طرح ریزی و کنترل تولید و موجودی:

۲۵ - شرکتی توانایی آن را دارد که قطعه‌ای را خود تولید کند و در عین حال می‌تواند آن را از بیرون خریداری نماید. تصمیم‌گیری در خصوص خرید یا ساخت این قطعه، بر اساس کدام تحلیل انجام می‌شود؟

(۱) اقتصادی (۲) حجم - مقدار (۳) دوره عمر محصول (۴) نقطه سریمه

۲۶ - در انباری قرار است پنج قلم کالا، A، B، C، D و E نگهداری شود، میزان موجودی هر یک از کالاهای در ۱۰ دوره گذشته به صورت جدول زیر است. اگر هر یک از کالاهای یک واحد فضا اشغال نماید و هر سه کالای مشابه هم بتوانند بر روی هم قرار گیرند، میزان نیاز خالص فضا برای بخش چینش کالاهای چند واحد سطح فضاست؟ فرض کنید که بالاترین سطح خدمت باستی فراهم باشد و فضایی برای راهرو در نظر گرفته نشود.

دوره	A	B	C	D	E	
۱	100	40	110	70	80	125 (۱)
۲	100	50	100	60	20	154 (۲)
۳	80	70	100	50	70	174 (۳)
۴	90	60	100	70	80	182 (۴)
۵	70	70	120	80	20	
۶	120	60	150	40	50	
۷	110	80	60	60	60	
۸	80	20	160	70	20	
۹	90	40	90	90	70	
۱۰	80	50	80	40	80	

- ۲۷- قرار است یک آتن موبایل برای تحت پوشش قرار دادن پنج نقطه جمعیتی با مشخصات مکانی زیر استقرار یابد.
 $P_1 = (2, 2)$ ، $P_2 = (4, 1)$ ، $P_3 = (6, 4)$ ، $P_4 = (5, 8)$ ، $P_5 = (8, 2)$

از آنجاکه هر چه فاصله بین محل استقرار آتن و نقطه جمعیتی زیاد باشد، آتن باقدرت بیشتر و بالطبع هزینه بیش تری لازم است خریداری گردد، مکان آتن برای حالتی که هزینه خرید آن کمینه گردد، کدام است؟

(۱) (۵ / ۴۰۵) (۲) (۶, ۴ / ۲۱, ۴)

(۳) (۵ / ۵, ۵) (۴) (۵ / ۲, ۴ / ۸۳)

- ۲۸- پنج منطقه جمعیتی در مکان های زیر استقرار دارند. قرار است یک واحد آتش نشانی این ۵ منطقه را پوشش دهد، به فرض آنکه فاصله پله ای در نظر گرفته شود، مکان استقرار این واحد آتش نشانی کدام است؟ فرض کنید هر ۵ نقطه جمعیتی از اهمیت یکسانی برخوردار هستند.

$P_1 = (2, 1)$ $P_2 = (6, 5)$ $P_3 = (3, 6)$ $P_4 = (7, 2)$ $P_5 = (4, 4)$

(۱) حدفاصل (۴, ۴) تا (۴, ۵) (۲)

(۳) (۴, ۴) (۴) (۴ / ۴, ۳ / ۶)

- ۲۹- جدول زیر، مجموعه روابط فعالیت مابین ۷ بخش را نشان می دهد. اگر براساس تئوری گراف برای مجموعه روابط فعالیت ها، گراف اولیه مسطح ترسیم گردد، حد بالای وزنی که آن گراف می تواند داشته باشد، چقدر است؟

۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷
۱	۱۰	۱۲	۴	۶	۸	۱۰
۲		۷	۹	۱۳	۱	۵
۳			۲	۳	۱۱	۱۶
۴				۱۸	۱۹	۱۵
۵					۴	۲
۶						۶
۷						

- ۳۰- کارخانه ای متشكل از ۲۰۰۰ پرسنل تولیدی و غیرتولیدی است که به طور متوسط ناهار خود را در رستوران کارخانه صرف می کنند. با توجه به برنامه ریزی انجام شده، به بخش های مختلف کارخانه در چهار نوبت ۱۲-۵-۱۲/۵-۱۳-۱۳ تا ۱۳/۵ و ۱۳/۵ تا ۱۴ ناهار داده می شود. اگر فضای لازم برای هر نفر یک مترمربع، فضای آشپزخانه ۱/۵ مترمربع و مساحت راهرو ۱۰٪ کل فضای رستوران باشد، چند مترمربع زمین، جهت احداث رستوران مورد نیاز است؟

(۱) ۴۹۵ (۲) ۱۲۵۰ (۳) ۱۴۸

(۴) ۵۰۰۰ (۵) ۲۷۷۷

- ۳۱- ۵ نقطه جمعیتی در مکان های زیر وجود دارد.

$P_1 = (6, 2)$ ، $P_2 = (4, 3)$ ، $P_3 = (2, 8)$ ، $P_4 = (1, 5)$ ، $P_5 = (3, 8)$

- قرار است یک واحد که به صورت دائمی به این نقاط جمعیتی سرویس دهی می نماید، استقرار داده شود. اگر فاصله به صورت مستقیم درنظر گرفته شود و میزان ارتباط وزنی این واحد با نقاط جمعیتی به صورت زیر باشد.

$W_1 = 1$ ، $W_2 = 1$ ، $W_3 = 2$ ، $W_4 = 2$ ، $W_5 = 2$

- چنانچه بخواهیم از الگوریتم weisfeld، برای یافتن مکان بهینه استفاده کنیم و نقطه شروع الگوریتم نقطه ای باشد که با روش فاصله مجدد فاصله مستقیم بدست آمده باشد، در تکرار بعدی نقطه بدست آمده، کدام یک خواهد بود؟

(۱) (۲/۴۱, ۵/۷۳) (۲) (۲/۹۲, ۶/۱۷)

(۳) (۲/۵۳, ۶/۹۲) (۴) (۲/۸۴, ۵/۸۷)

- ۳۲ - پنج نقطه تقاضا به صورت زیر موجود است.

$$P_1 = (0, 4), P_2 = (2, 5), P_3 = (6, 3), P_4 = (8, 2), P_5 = (2, 10)$$

اگر ارزش هر کدام از نقاط با توجه به مرکز خدماتی که قرار است به آن‌ها خدمت‌رسانی نماید، برابر مقادیر زیر باشد،

$$W_1 = 1, W_2 = 2, W_3 = 1, W_4 = 2, W_5 = 4$$

منحنی نقاط همارش مربوط به این مرکز دارای چه شعاعی است؟ هزینه نقطه بر روی منحنی برابر $\frac{3}{383}$ ، و فاصله به صورت مجذور فاصله مستقیم می‌باشد.

$$\sqrt[2]{3} / 13 \quad (2)$$

$$\sqrt[2]{5} / 4 \quad (3)$$

$$\sqrt[2]{3} / 1 \quad (1)$$

$$\sqrt[2]{5} / 02 \quad (4)$$

- ۳۳ - یک توزیع کننده خودرو دارای ۴ نمایندگی است که در حال حاضر هر کدام تقاضای منطقه خود را پوشش می‌دهند. تقاضای هفتگی هر نمایندگی مستقل از سایر نمایندگی‌ها و دارای توزیع نرمال با میانگین ۲۵ دستگاه و انحراف استاندارد ۵ دستگاه است. زمان تحویل خودروها از کارخانه به نمایندگی‌ها ۲ هفته می‌باشد. این توزیع کننده قصد دارد فروش خود را به اینترنتی تغییر داده و به جای ۴ نمایندگی، یک مرکز توزیع بزرگ تأسیس نماید. با فرض استفاده از سیاست سفارش‌دهی مرور پیوسته، موجودی اطمینان کل موردنیاز در شرایط فروش اینترنتی نسبت به حالت قبل از آن:

(۱) نصف می‌شود.

(۲) دو برابر می‌شود.

(۳) کمتر می‌شود ولی معلوم نیست نصف شود.

(۴) بیشتر می‌شود ولی معلوم نیست دو برابر شود.

- ۳۴ - در یک مدل تخفیف کلی، مقدار سفارش اقتصادی بر روی یکی از نقاط شکست قرار گرفته است. اگر کل هزینه‌های سفارش‌دهی سالیانه را با TCS و کل هزینه‌های نگهداری سالیانه را با TCH نشان دهیم، کدام رابطه صحیح است؟

$$TCH \neq TCS \quad (1)$$

$$TCH < TCS \quad (2)$$

$$TCH > TCS \quad (3)$$

$$TCH = TCS \quad (4)$$

- ۳۵ - در مواردی که هزینه نگهداری کالا در ابیاری بسیار بالا باشد، در ارتباط با انتخاب مدل پیش‌بینی تقاضا، کدام گزینه صحیح است؟ (فرض کنید خطابرابر با تقاضای واقعی منهای تقاضای پیش‌بینی شده است).

(۱) مدلی که متوسط قدر مطلق خطای آن و متوسط خطای آن در مجموع چند پریود، نسبت به سایر روش‌ها کمتر باشد.

(۲) مدلی که متوسط قدر مطلق خطای آن در مجموع چند پریود، نسبت به سایر روش‌ها کمتر باشد.

(۳) مدلی که متوسط خطای آن در مجموع چند پریود، نسبت به سایر مدل‌ها کمتر باشد.

(۴) مدلی که مجموع خطاهای آن در چند پریود، نسبت به سایر مدل‌ها کمتر باشد.

- ۳۶- مقدار تولید اقتصادی کالایی در یک صنعت تولیدی برابر Q واحد است. اگر نرخ تولید دو برابر نرخ مصرف کالا باشد، هزینه بهینه سالیانه راه اندازی و نگهداری سیستم تولید، چقدر است؟ (P نرخ تولید، D نرخ مصرف و H هزینه نگهداری سالیانه هر واحد کالا است)

$$\frac{2HQ}{D} \quad (1)$$

$$\frac{HQ}{2} \quad (2)$$

$$\frac{HQ}{2P} \quad (3)$$

$$\frac{HQ}{2D} \quad (4)$$

- ۳۷- مقدار سفارش اقتصادی کالایی (در مدل ساده سفارش) برابر ۲۰۰ واحد و هزینه نگهداری سالیانه هر واحد کالا نیز برابر ۱۰۰ واحد پولی است. اگر به میزان ۵۰ واحد ذخیره ایمنی ایجاد گردد، هزینه نگهداری سالیانه سیستم موجود چند واحد پولی خواهد شد؟

$$5,000 \quad (1)$$

$$12,500 \quad (2)$$

$$15,000 \quad (3)$$

$$25,000 \quad (4)$$

- ۳۸- مدل EPQ با نرخ تولید P و نرخ تقاضای D را در نظر بگیرید. کالای مورد نظر فاسد شدنی است، به طوری که در هر واحد زمانی θ % موجودی در دست، فاسد شده و از سطح موجودی در دست، کاسته می‌شود. طی یک سیکل، بازه $[0, T]$ ، ماشین به مدت t_1 واحد زمان مشغول تولید و باقیمانده زمان بی کار است. اگر $I(t)$ معرف سطح موجودی در دست در لحظه t باشد، کدام رابطه صحیح است؟

$$\frac{dI(t)}{dt} - \theta I(t) = P - D ; \quad t_1 \leq t \leq T \quad (1)$$

$$\frac{dI(t)}{dt} + \theta I(t) = P - D ; \quad t_1 \leq t \leq T \quad (2)$$

$$\frac{dI(t)}{dt} - \theta I(t) = P - D ; \quad 0 \leq t \leq t_1 \quad (3)$$

$$\frac{dI(t)}{dt} + \theta I(t) = P - D ; \quad 0 \leq t \leq t_1 \quad (4)$$

- ۳۹- میزان سفارش اقتصادی کالایی در یک سیستم موجودی در حالتی که کمبود مجاز نباشد، برابر ۲۰۰۰ تن و نقطه سفارش مجدد (موجودی در دست و در سفارش) برابر ۱۵۰۰ تن محاسبه شده است. چنانچه کمبود مجاز باشد، مقدار اقتصادی سفارش برابر ۳۰۰۰ تن خواهد بود. وضعیت موجودی سیستم در لحظه صدور سفارش، کدام است؟

(۱) موجودی انبار ۱۳۳۳ تن است.

(۲) موجودی انبار و کمبود هر دو برابر صفر است.

(۴) ۱۶۷ تن کمبود وجود دارد.

(۳) ۳۳۳ تن کمبود وجود دارد.

- ۴۰ یک سیستم موجودی شامل ۳ دوره است. تقاضا در طی این دوره‌ها $D_1 = 5$ ، $D_2 = 4$ و $D_3 = 2$ واحد است. در صورت سفارش‌دهی، کل سفارش با احتمال ۸٪ دریافت می‌شود یا با احتمال ۲٪ دریافت نمی‌شود. مدت تحويل صفر و هزینه نگهداری یک واحد کالا طی یک دوره ۲ تومان است. کمبود به صورت فروش ازدست‌رفته و هزینه کمبود هر واحد ۱۰ تومان و موجودی اولیه صفر است. برنامه سفارش‌دهی به این صورت است که در هر دوره آنقدر سفارش داده می‌شود تا موقعیت موجودی در ابتدای دوره به یک مقدار مشخص برسد. این مقدار برای دوره‌های اول، دوم و سوم به ترتیب ۱۱، ۶ و ۲ واحد است. امید ریاضی هزینه سیستم موجودی، طی این سه دوره چقدر است؟

(۱) ۱۲/۸

(۲) ۳۲/۲

(۳) ۲۵/۲

(۴) ۴۴/۲